

Team Charmander P. 2011

Podemos considerar la organización de los números en los cajones como una permutación  $\sigma$  tal que el cajón  $i$  contiene el número  $\sigma(i)$ .

Sean  $C_1, C_2, \dots, C_r$  los ciclos de  $\sigma$  ordenados por tamaño, esto es,  $|C_1| \geq |C_2| \geq \dots \geq |C_r| \geq 1$ .

~~Entonces el abogado~~

El abogado busca el ciclo  $C_1$ , y elige un elemento  $a$  de este ciclo. Toma entonces otro elemento  $b = \sigma^{\lfloor \frac{|C_1|}{2} \rfloor}(a)$ , esto es, el elemento de  $C_1$  que está  $\lfloor \frac{|C_1|}{2} \rfloor$  posiciones por delante de  $a$  en el ciclo. Entonces el abogado cambia  $a$  y  $b$  de sitio, esto divide lo que antes era el ciclo  $C_1$  en dos ciclos de tamaño  $\lfloor \frac{|C_1|}{2} \rfloor$  y  $\lceil \frac{|C_1|}{2} \rceil$ . Si  $|C_1| = 1$  no cambia nada.

~~Ahora el tamaño del ciclo más grande es  $\min\{\lfloor \frac{|C_1|}{2} \rfloor, \lceil \frac{|C_1|}{2} \rceil\}$  y caben~~

Antes del cambio del abogado el único ciclo que podría haber sido más grande que 50 ~~habría sido~~ era  $C_1$  porque si  $|C_2| = 50$  tendríamos  $100 \geq |C_1| + |C_2| \geq 2|C_2| > 2 \cdot 50 = 100$ . Tras el cambio, tenemos que  $\lfloor \frac{|C_1|}{2} \rfloor \leq \lceil \frac{|C_1|}{2} \rceil \leq \lceil \frac{100}{2} \rceil = 50$ , por tanto ya no hay ciclos mayores que 50.

Llegan los criptobros y, ~~al día~~ de uno en uno, empiezan a buscar su número. Empieza Edgar y, tras pensarlo un poco (para variar), abre el cajón de su misma numeración y mira el número que hay dentro, luego abre el cajón correspondiente

al número que ha encontrado, y así sucesivamente hasta encontrar su número. El resto de los cryptoleros hacen lo mismo.

Todos ellos, por la definición de ciclo, van encontrando números ~~de~~ de su ciclo en el orden correspondiente empezando en  $\sigma(i)$  donde  $i$  es su número. ~~Por~~ Como todos los ciclos tienen longitud  $\leq 50$  todos encuentran su número abriendo como mucho 50 cajones