

10710 MATFISNETA

Tenemos n tipos de tortugas que numeraremos del 1 al n .
El número de cajas posibles será 2^n , correspondiente a cajas cada tortuga o no cogirla, 2 posibilidades, para todas ellas.
con $n=3$ por ejemplo las cajas posibles son:

$$\boxed{0} \quad \boxed{1} \quad \boxed{2} \quad \boxed{3} \quad \boxed{12} \quad \boxed{13} \quad \boxed{23} \quad \boxed{123} \quad 2^3 = 8.$$

Este número es una potencia de 2, lo cual es completamente irrelevante para resolver el problema, solo un fun fact.

Nótese que cualquier colección válida contendrá todas esas

cajas 0 o 1 vez. ^{menos el 0 que aparece si no cogemos el resto.} El número total de colecciones válidas es 2^{2^n-1} lo cual también es una potencia de 2 y

también es irrelevante.

Veamos que el número de cajas de la forma:

$$\boxed{0} \text{ es } 1. \quad \boxed{i} \text{ es } n. \quad \boxed{\text{más cajas}} \text{ es } 2^n - n - 1$$

El último no es potencia de 2 pero lo único relevante es

que sea un número natural. (¿0?)

Cogemos las cajas que no son \boxed{i} , $2^n - n$ en total y miramos todas las colecciones posibles que hacen con ellas, $2^{2^n - n}$.

Es potencia de 2 y ahora sí que es relevante, pues para cada $i \in \{1, \dots, n\}$ si la suma de i 's en las cajas es impar añadimos la caja \boxed{i} , y si es ~~par~~ no lo hacemos. Tendríamos entonces $2^{2^n - n}$ colecciones Dabblings, y son todas las posibles puesto

que:

Si tenemos otra colección Dabbling distinta:

$\square \dots \square \dots \boxed{\begin{matrix} \text{más} \\ \text{cosas} \end{matrix}} \square$

Su aportado de más cosas y \square es igual a uno de las colecciones que ya tenemos, pues tenemos de todas las posibilidades.

Entonces tendrá distinto alguna de las cajas \square_i , pero eso sería que el n° de i 's sea impar y nos es colección Dabbling.

Tenemos por tanto $2^{2^n - n}$ que es potencia de 2.